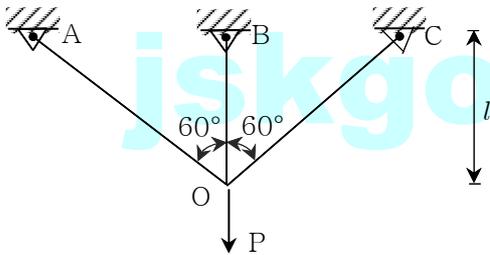


2008년 국가7급
응용역학개론기출문제 및 해설

1. 그림과 같이 지점 A, B, C가 힌지인 부정정 트러스에 하중 P가 점 O에 작용하고 있다. 만약 OA, OC 부재의 신장량이 각각 δ 이면 하중 P에 의한 외적인 일은? (단, 모든 부재의 단면적과 탄성계수는 일정하다)

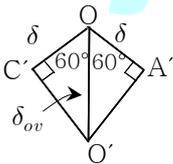


- ① $\frac{P\delta}{4}$ ② $\frac{P\delta}{3}$ ③ $\frac{P\delta}{2}$ ④ $P\delta$

정답 ④

해설

다음의 williot선도로부터 변위관계식을 구할 수 있다.



$$\delta_{ov} = \frac{\delta_{oa}}{\cos 60^\circ} = \frac{\delta}{1/2} = 2\delta$$

따라서 P가 한 외적일은 다음과 같다.

$$W_E = \frac{P}{2} \times \delta_{ov} = \frac{P}{2} \times 2\delta = P \cdot \delta$$

2. 어떤 평면 도형의 점 O에 대한 극관성모멘트(또는 단면 2차 극모멘트)가 1600cm^4 이다. 점 O를 지나고 x축에 대한 단면 2차 모멘트가 $1,024\text{cm}^4$ 이면 x축과 직교하는 y축에 대한 단면 2차 모멘트[cm^4]는?

- ① 288 ② 576 ③ 1,312 ④ 2,624

정답 ②

해설

$$I_P = I_X + I_Y = \text{일정}$$

$$I_Y = I_P - I_X = 1,600 - 1,024 = 576 \text{cm}^4$$

3. 구조용 강재의 성질에 대한 설명으로 가장 옳지 않은 것은?

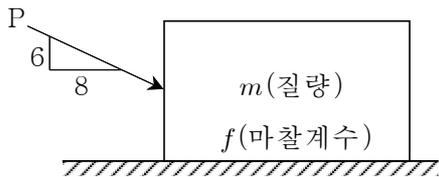
- ① 연성(ductility)은 재료가 파단 이전에 충분히 큰 변형률에 견디는 능력을 나타낸다.
- ② 경도(hardness)는 재료 표면이 손상에 저항하는 능력을 나타낸다.
- ③ 탄력(resilience)은 재료가 변형률 경화 단계 전까지 에너지를 흡수할 수 있는 능력을 나타낸다.
- ④ 인성(toughness)은 재료가 파단되기 전까지 에너지를 흡수할 수 있는 능력을 나타낸다.

정답 ③

해설

③ 탄력(resilience)은 재료가 비례한도 또는 탄성한도에 해당하는 응력을 받기까지의 에너지를 흡수할 수 있는 능력을 나타낸다.

4. 그림과 같이 정지된 물체에 힘 P가 경사지게 작용하고 있다. 물체가 움직이지 않기 위한 최소의 마찰계수는? (단, m은 질량이고 g는 중력가속도이다)



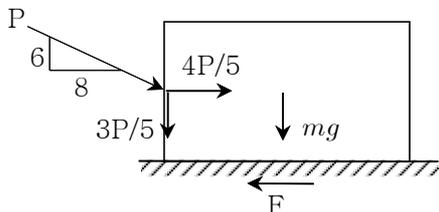
- ① $\frac{4P}{3P+5mg}$
- ② $\frac{3P}{4P+5mg}$
- ③ $\frac{3P}{5mg}$
- ④ $\frac{4P}{5mg}$

정답 ①

해설

㉠ 주어진 물체의 자유물체도

외력 P를 수평분력과 수직분력으로 표시하면 다음 그림과 같다.



수직력, $V = mg + \frac{3P}{5}$

수평력, $H = \frac{4P}{5}$

㉠ 최소마찰계수

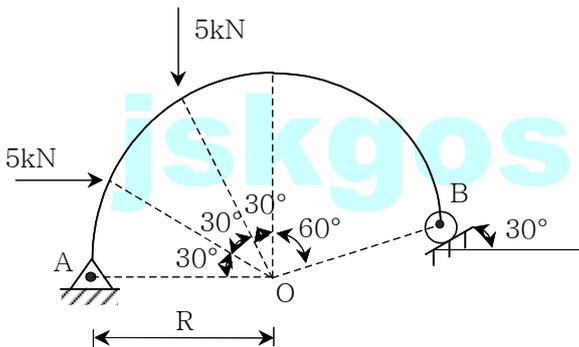
마찰력은 최소한 수평분력보다 커야한다. 그리고 마찰력은 수직력(V)에다가 마찰계수(f)를 곱한 값이다.

$$F \geq H$$

$$V \times f \geq \frac{4P}{5}$$

$$f \geq \frac{4P}{5V} = \frac{4P}{5(mg + \frac{3P}{5})} = \frac{4P}{5mg + 3P}$$

5. 그림과 같이 2개의 집중하중을 받고 있는 반경 R인 정정 원호 아치 구조물에서 지점 A의 수평반력 [kN]은?

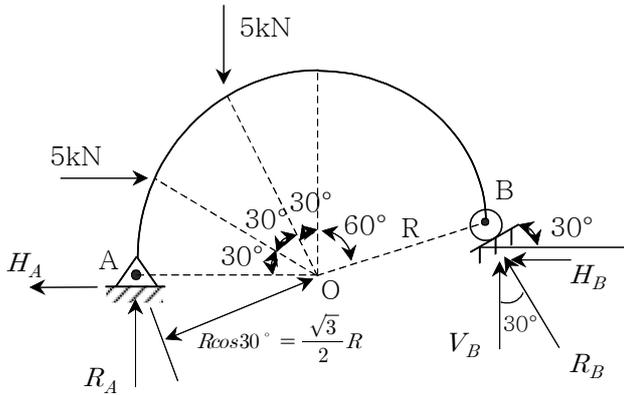


- ① $2(\sqrt{3} - 1)$ (←)
- ② $5(\sqrt{3} - 1)$ (←)
- ③ $2(\sqrt{3} + 1)$ (←)
- ④ $5(\sqrt{3} + 1)$ (←)

정답 ②

해설

힘의 평형조건식을 적용한다.



$H_A = 5 - H_B = 5 - R_B \sin 30^\circ$ 에서 R_B 는 다음과 같이 구한다.

$$\sum M_A = 0, \quad 5 \times R(\sin 30^\circ) + 5 \times (R - R(\cos 60^\circ)) - R_B \times (R + R(\cos 30^\circ)) = 0$$

$$5 \times \frac{1}{2} + 5(1 - \frac{1}{2}) - R_B(1 + \frac{\sqrt{3}}{2}) = 0$$

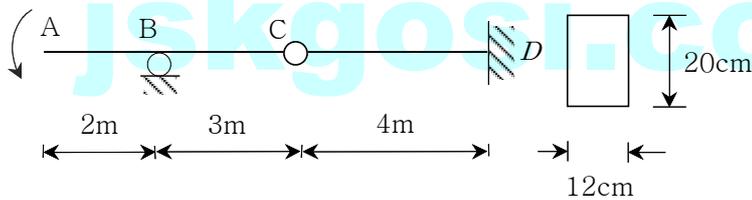
$$2.5 + 2.5 - R_B(1 + \frac{\sqrt{3}}{2}) = 0$$

$$R_B = \frac{10}{2 + \sqrt{3}} = 10(2 - \sqrt{3}) \text{ kN}$$

$$H_A = 5 - R_B \sin 30^\circ = 5 - 10(2 - \sqrt{3}) \times \frac{1}{2} = 5 - 5(2 - \sqrt{3}) = 5(1 - 2 + \sqrt{3}) = 5(\sqrt{3} - 1) \text{ kN}(\leftarrow)$$

6. 그림과 같이 전 길이에 걸쳐 일정한 직사각형 단면(폭 12cm, 높이 20cm)을 갖는 게르버보의 자유단에 반시계 방향 모멘트하중 30kN·m가 작용할 때, 이 보에 발생하는 최대 휨인장응력[MPa]은?

$$M = 30 \text{ kN}\cdot\text{m}$$



- ① 25.0 ② 37.5 ③ 50.0 ④ 87.5

정답 ③

해설

최대 휨모멘트는 D지점에서 40kN·m이 발생한다.

$$\sigma_{\max} = \frac{6M_{\max}}{bh^2} = \frac{6 \times (40 \times 10^6)}{120 \times 200^2} = 50 \text{MPa}$$

7. 수평축으로부터 반시계 방향으로 0°, 45°, 90° 방향의 45° 스트레인 로제트를 이용하여 변형률 $\epsilon_{0^\circ} = \bar{\epsilon}$, $\epsilon_{45^\circ} = \bar{\epsilon}$, $\epsilon_{90^\circ} = -\bar{\epsilon}$ 가 각각 측정되었다. 주변형률 ϵ_1 , ϵ_2 와 최대 전단변형률 γ_{\max} 는?

- ① $\frac{\epsilon_1}{\bar{\epsilon}} \quad \frac{\epsilon_2}{-\bar{\epsilon}} \quad \frac{\gamma_{\max}}{\bar{\epsilon}}$
 ② $\bar{\epsilon} \quad -\bar{\epsilon} \quad 2\bar{\epsilon}$
 ③ $\sqrt{2}\bar{\epsilon} \quad -\sqrt{2}\bar{\epsilon} \quad \sqrt{2}\bar{\epsilon}$
 ④ $\sqrt{2}\bar{\epsilon} \quad -\sqrt{2}\bar{\epsilon} \quad 2\sqrt{2}\bar{\epsilon}$

정답 ④

해설

㉠ 45° 스트레인로제트의 수직변형률

$$\epsilon_x = \epsilon_{0^\circ} = \bar{\epsilon}$$

$$\epsilon_y = \epsilon_{90^\circ} = -\bar{\epsilon}$$

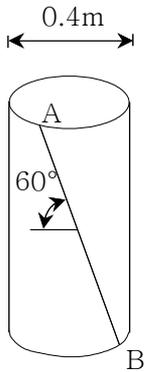
$$\gamma_{xy} = 2\epsilon_{45^\circ} - (\epsilon_{0^\circ} + \epsilon_{90^\circ}) = 2 \times \bar{\epsilon} - (\bar{\epsilon} + (-\bar{\epsilon})) = 2\bar{\epsilon}$$

㉡ 주변형률

$$\epsilon_{1,2} = \frac{\epsilon_x + \epsilon_y}{2} \pm \sqrt{\left(\frac{\epsilon_x - \epsilon_y}{2}\right)^2 + \left(\frac{\gamma_{xy}}{2}\right)^2} = 0 \pm \sqrt{\left(\frac{\bar{\epsilon} - (-\bar{\epsilon})}{2}\right)^2 + \left(\frac{2\bar{\epsilon}}{2}\right)^2} = \pm \sqrt{2}\bar{\epsilon}$$

$$\gamma_{\max} = \pm 2 \sqrt{\left(\frac{\epsilon_x - \epsilon_y}{2}\right)^2 + \left(\frac{\gamma_{xy}}{2}\right)^2} = \pm 2 \sqrt{\left(\frac{\bar{\epsilon} - (-\bar{\epsilon})}{2}\right)^2 + \left(\frac{2\bar{\epsilon}}{2}\right)^2} = \pm 2\sqrt{2}\bar{\epsilon}$$

8. 내경이 0.4m이고 두께가 10mm인 원통형 압력용기가 4MPa의 압력을 받고 있다. 이 압력용기의 원주방향과 60°를 이루는 AB선상에 작용하는 수직응력[MPa]은?

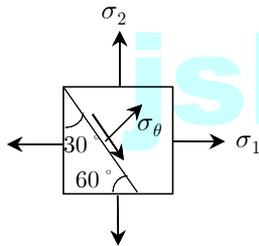


- ① 50
- ② $(60 - 10\sqrt{3})$
- ③ 70
- ④ $(60 + 10\sqrt{3})$

정답 ③

해설

㉠ 원통형관의 작용응력요소도



원환응력, $\sigma_1 = \frac{pr}{t} = \frac{pd}{2t} = \frac{4 \times (0.4 \times 10^3)}{2 \times 10} = 80MPa$

원주방향응력, $\sigma_2 = \frac{pr}{2t} = \frac{pd}{4t} = \frac{4 \times (0.4 \times 10^3)}{4 \times 10} = 40MPa$ 또는 $\sigma_2 = \frac{\sigma_1}{2} = \frac{80}{2} = 40MPa$

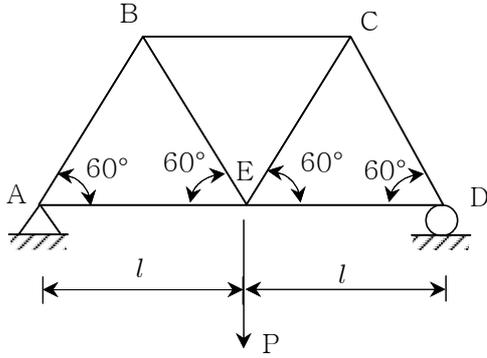
㉡ $\theta = 30^\circ$ 경사면상의 수직응력

수평각이 60° 경사면상은 연직각 30° 경사면상과 같으므로 수직응력은 다음과 같다.

$$\sigma_\theta = \frac{\sigma_x + \sigma_y}{2} + \frac{\sigma_x - \sigma_y}{2} \cos 2\theta = \frac{80 + 40}{2} + \frac{80 - 40}{2} \times \cos(2 \times 30^\circ) = 60 + 10 = 70MPa$$

여기서 $\sigma_x = \sigma_1$, $\sigma_y = \sigma_2$ 가 된다.

9. 그림과 같이 부재길이가 l 인 트러스에서 하중 P 가 절점 E에 작용할 때, 절점 E의 처짐은? (단, 축강성 EA는 일정하다)

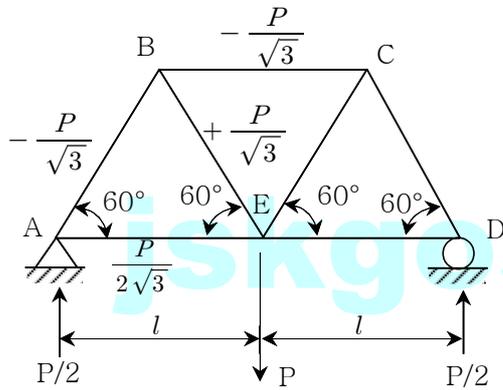


- ① $\frac{4Pl}{3EA}$ ② $\frac{3Pl}{2EA}$ ③ $\frac{5Pl}{3EA}$ ④ $\frac{11Pl}{6EA}$

정답 ④

해설

㉠ 부재력 계산



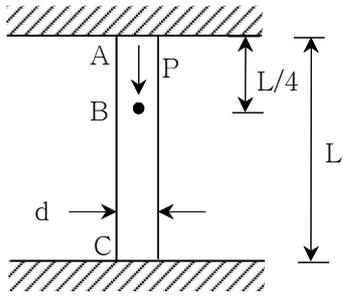
구조대칭 하중대칭성을 이용한다.

㉡ E점의 처짐계산

단위하중법을 적용한다.

$$\delta_E = \sum \frac{nM}{EA} = \frac{l}{EA} \left[\left(-\frac{1}{\sqrt{3}}\right) \left(-\frac{P}{\sqrt{3}}\right) \times 5 + \left(\frac{1}{2\sqrt{3}}\right) \left(\frac{P}{2\sqrt{3}}\right) \times 2 \right] = \frac{l}{EA} \left[\frac{5P}{3} + \frac{P}{6} \right] = \frac{11Pl}{6EA}$$

10. 그림과 같은 원형 중실 강봉에 집중하중 $P=3.14\text{kN}$ 이 $L/4$ 지점인 점 B에 작용하고 봉 AC의 온도가 5°C 상승할 때, 강봉에 발생하는 최대 압축응력 [MPa]은? (단, 길이 $L = 10\text{m}$, 직경 $d = 10\text{mm}$, 탄성계수 $E = 200\text{GPa}$, 열팽창 계수 $\alpha_t = 0.000012/^\circ\text{C}$ 이다)



- ① 12 ② 22 ③ 42 ④ 52

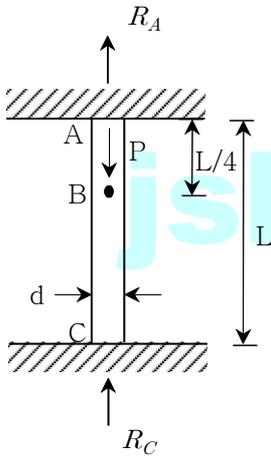
정답 ②

해설

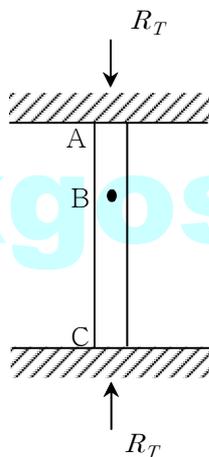
㉠ 반력계산

하중 P에 의한 반력 : $R_A = \frac{P \times (3L/4)}{L} = \frac{3P}{4}$, $R_C = P - \frac{3P}{4} = \frac{P}{4}$

온도에 의한 반력 : $R_T = \alpha \cdot \Delta T \cdot EA$



그림(a) 하중 P 작용



그림(b) 하중 P 작용

㉡ 최대압축응력

하중 P에 의해 압축력이 작용하는 구간은 BC구간이고, 온도가 상승하므로 온도에 의해서는 압축응력이 발생한다. 따라서 하중 P에 의한 BC구간의 압축응력과 온도에 의한 압축응력을 합한 값이 최대가 된다.

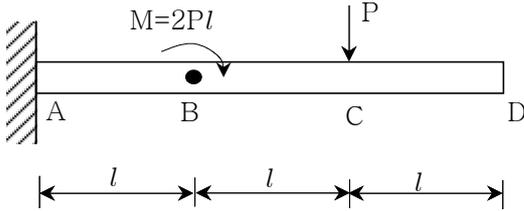
$$\sigma_{bc} = \frac{R_C}{A} = \frac{\frac{P}{4}}{A} = \frac{P}{4A} = \frac{P}{\pi d^2} = \frac{3.14 \times 10^3}{\pi \times 10^2} = 10MPa(\text{압축})$$

$$\sigma_t = \alpha \cdot \Delta T \cdot E = 1.2 \times 10^{-5} \times 5 \times (200 \times 10^3) = 12MPa(\text{압축})$$

따라서 최대 압축응력

$$\sigma_{max} = \sigma_{bc} + \sigma_t = 10 + 12 = 22MPa$$

11. 그림과 같은 캔틸레버보에서 점 C에 집중하중 P와 점 B에 모멘트 하중 $M = 2Pl$ 이 작용하고 있다. 점 D의 처짐은? (단 휨강성 EI는 일정하다)



- ① $\frac{29Pl^3}{6EI}$ ② $\frac{29Pl^3}{3EI}$ ③ $\frac{70Pl^3}{6EI}$ ④ $\frac{70Pl^3}{3EI}$

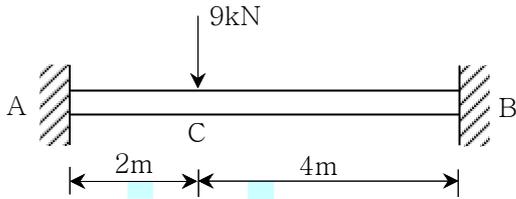
정답 ②

해설

공역보법에 의하여 중첩의 원리를 적용한다.

$$\begin{aligned} \delta_d &= \delta_{dm} + \delta_{dp} \\ &= \left(\frac{M}{EI} \times l\right) \times \left(2l + \frac{l}{2}\right) + \left(\frac{1}{2} \times 2l \times \frac{2Pl}{EI}\right) \times \left(l + 2l \times \frac{2}{3}\right) \\ &= \frac{5Ml^2}{2EI} + \frac{14Pl^3}{3EI} = \frac{5(2Pl)l^2}{2EI} + \frac{14Pl^3}{3EI} \\ &= \frac{29Pl^3}{3EI} \end{aligned}$$

12. 그림과 같은 양단 고정보에서 C점의 휨모멘트 [kN · m]는?



- ① 4 ② $\frac{16}{3}$ ③ $\frac{20}{3}$ ④ 8

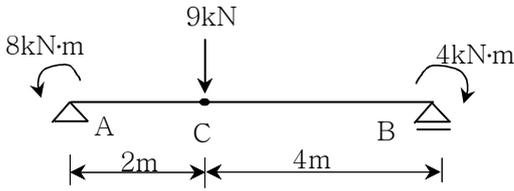
정답 ②

해설

각 단의 지지점의 휨모멘트를 구하여 중첩의 원리를 적용한다.

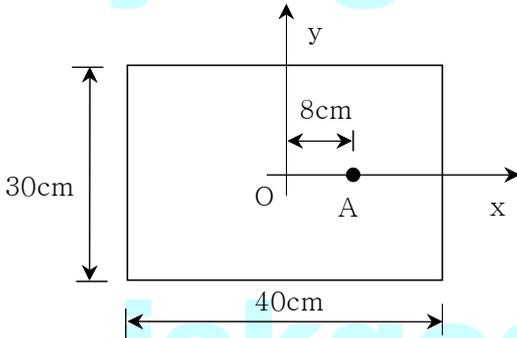
$$M_A = -\frac{Pab^2}{l^2} = -\frac{9 \times 2 \times 4^2}{6^2} = -8 \text{ kN} \cdot \text{m}$$

$$M_B = -\frac{Pa^2b}{l^2} = -\frac{9 \times 2^2 \times 4}{6^2} = -4 \text{ kN} \cdot \text{m}$$



$$M_C = \frac{9 \times 2 \times 4}{6} - 8 \times \frac{4}{6} - 4 \times \frac{2}{6} = 12 - \frac{16}{3} - \frac{4}{3} = \frac{16}{3} \text{ kN} \cdot \text{m}$$

13. 그림과 같은 단면을 갖는 단주에 원점 O에서 x방향으로 8cm 떨어진 점 A에 부재축 방향으로 24kN의 하중이 작용하고 있다. 이 단면의 중립축 위치 [cm]는?



- ① y축에서 왼쪽으로 $\frac{75}{8}$
- ② y축에서 왼쪽으로 $\frac{44}{3}$
- ③ y축에서 왼쪽으로 16
- ④ y축에서 왼쪽으로 $\frac{50}{3}$

정답 ④

해설

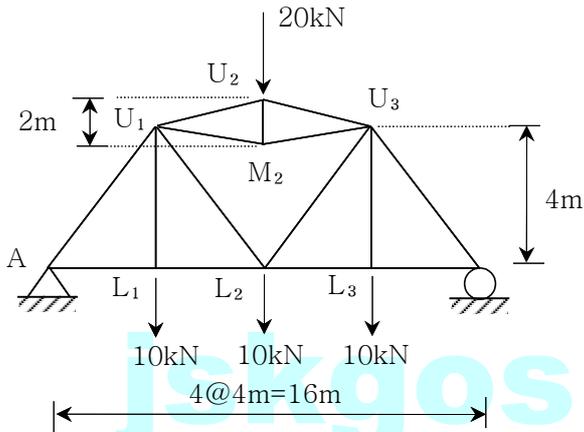
중립축이란 휨변형률이 영인 축으로 휨응력이 영인 축이다. 축하중이 x축으로 1축 편심된 상태에 있으므로

$$\sigma = -\frac{P}{A} + \frac{M}{I_y}x = -\frac{P}{A} + \frac{P \cdot e_x}{I_y}x = 0$$

$$x = \frac{I_y}{A \cdot e_x} = \frac{r_y^2}{e_x} = \frac{\left(\frac{b}{2\sqrt{3}}\right)^2}{\frac{40}{8}} = \frac{\left(\frac{40}{2\sqrt{3}}\right)^2}{8} = \frac{400}{8} = \frac{50}{3}$$

y축에서 왼쪽으로 $\frac{50}{3}$ cm 떨어진 점이 중립축이 된다.

14. 다음 트러스에서 부재 U_1U_2 의 부재력 [kN]은?

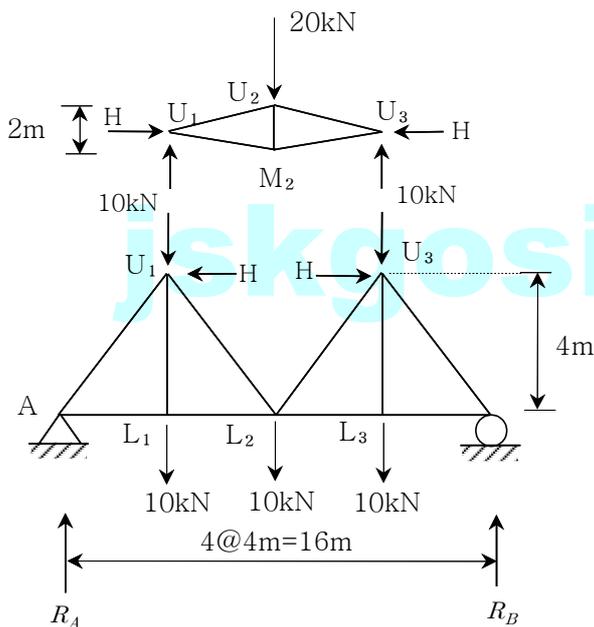


- ① $-\frac{31\sqrt{17}}{4}$ (압축)
- ② $-8\sqrt{17}$ (압축)
- ③ $-\frac{33\sqrt{17}}{4}$ (압축)
- ④ $-\frac{70\sqrt{17}}{8}$ (압축)

정답 ④

해설

㉠ 자유물체도



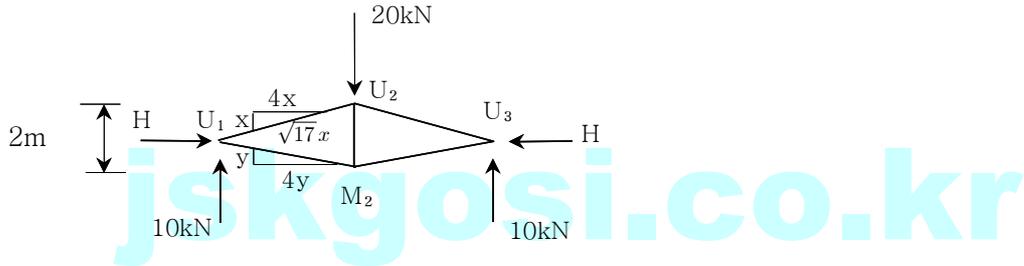
구조대칭이고 하중대칭이므로 지점반력 $R_A = R_B = 25kN$ 가 되고, U_1 과 U_3 에서 수직반력은

10kN이 되고, 수평력을 H라고 두면

$$\sum M_{I_2} = 0, \quad 25 \times 8 - 20 \times 4 - H \times 4 = 0$$

$$\therefore H = 30kN$$

㉠ 부재력 계산



U_1 점에서 힘의 평형조건식을 세우면 다음과 같다.

$$4x + 4y = 30$$

$$x - y = 10$$

위의 두 식을 연립해서 풀면 다음과 같다.

$$8x = 70$$

$$x = \frac{70}{8}$$

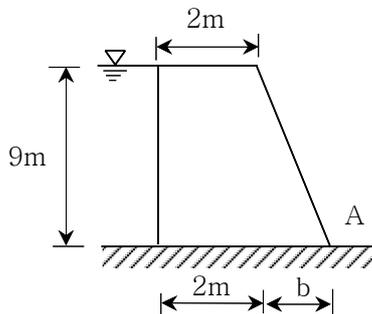
따라서 $U_1 U_2$ 의 부재력은 $U_1 U_2 = \sqrt{17}x = \sqrt{17} \times \frac{70}{8} = \frac{70\sqrt{17}}{8} kN$ (압축)

참고로

$$y = x - 10 = \frac{70}{8} - 10 = -\frac{10}{8} \text{ 이므로}$$

$$U_1 M_2 = \sqrt{17}y = \sqrt{17} \times \left(-\frac{10}{8}\right) = -\frac{10\sqrt{17}}{8} kN \text{ (인장)}$$

15. 그림과 같이 중력식 콘크리트 댐이 수압을 받고 있다. 이 댐이 A점에서 수압에 의한 전도모멘트에 대하여 안전율 2.0을 유지하기 위한 b[m]는? (단, 콘크리트 비중은 물 비중의 3배로 가정한다)

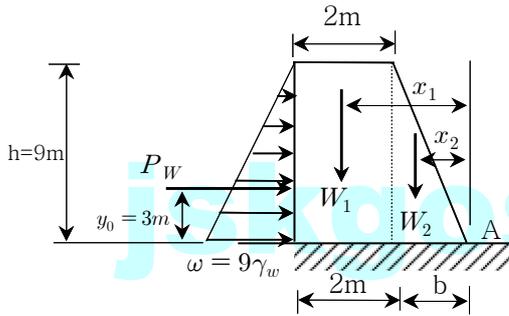


- ① $\sqrt{30}-1$ ② $\sqrt{30}-2$ ③ $\sqrt{30}-3$ ④ $\sqrt{30}-4$

정답 ③

해설

댐에 작용하는 하는 하중도는 다음과 같다. 전도에 대한 안전율이 2이므로



$$FS = \frac{\text{저항 } M}{\text{전도 } M} = \frac{W_1 \cdot x_1 + W_2 \cdot x_2}{\frac{\omega h^2}{6}} \geq 2$$

$$W_1 \cdot x_1 + W_2 \cdot x_2 \geq \frac{\omega h^2}{3}$$

$$(2 \times 9 \times 3\gamma_w) \times (b+1) + \left(\frac{1}{2} \times b \times 9 \times 3\gamma_w\right) \times \frac{2b}{3} \geq \frac{9\gamma_w \times 9^2}{3}$$

$$54(b+1) + 9b^2 \geq 243$$

$$9b^2 + 54b - 189 \geq 0$$

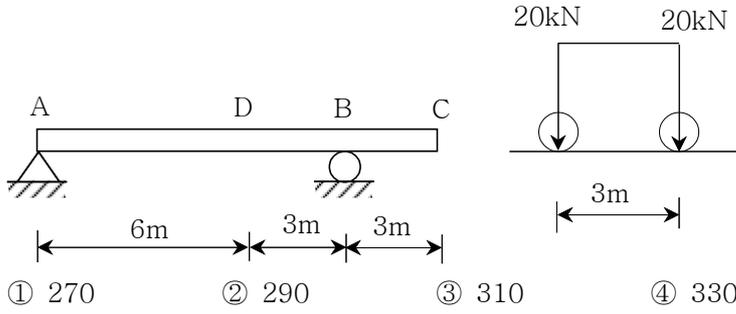
$$b^2 + 6b - 21 \geq 0$$

$$\therefore b = \frac{-6 \pm \sqrt{6^2 - 4 \times 1 \times 21}}{2 \times 1} = -3 \pm \sqrt{30}$$

$$\therefore b = -3 + \sqrt{30}$$

$$\text{근의 공식 : } b = \frac{-3 \pm \sqrt{3^2 - 1 \times (-21)}}{1} = -3 \pm \sqrt{30}$$

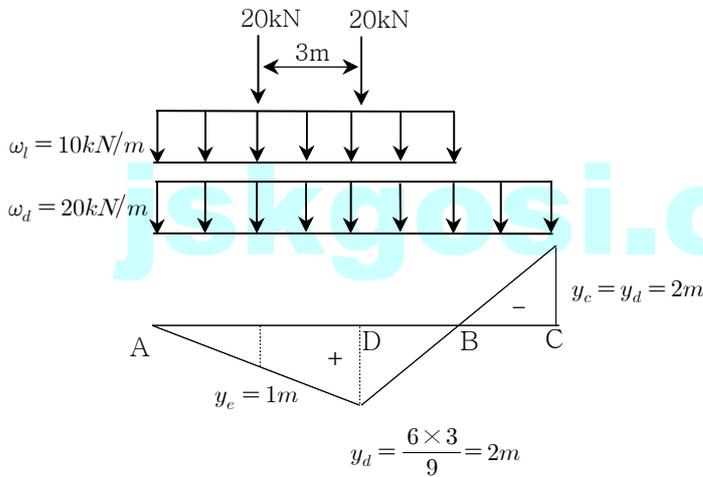
16. 그림과 같은 내민보에 등분포 사하중 $w_d = 20\text{kN/m}$, 등분포 활하중 $w_l = 10\text{kN/m}$ 와 간격이 3m이고 크기가 각각 20kN인 2개의 집중하중으로 이루어진 연행하중이 작용하고 있다. 점 D에서의 최대 정모멘트[kN·m]는?



정답 ①

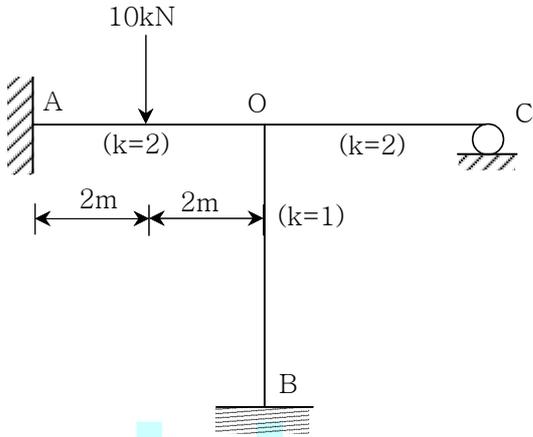
해설

D점의 휨모멘트의 영향선도를 작도하고, 여기에 D점에서 (+)최대휨모멘트가 발생하기 위해서는 등분포하중은 어차피 전지간에 걸쳐 분포하며, 등분포하중은 AB지간 내에만 작용하여야 최대가 되며 집중하중도 각각 아래의 그림처럼 작용할 때 D점에서 최대 휨모멘트가 발생하게 된다.



$$M_{D, \max} = \left(\frac{1}{2} \times 9 \times 2 \times 20 - \frac{1}{2} \times 3 \times 2 \times 20\right) + \left(\frac{1}{2} \times 9 \times 2 \times 10\right) + (20 \times 2 + 20 \times 1) = 270 \text{ kN} \cdot \text{m}$$

17. 다음 구조물에서 지점 B의 재단모멘트 M_{BO} [kN · m]는? (단, 강성비 $k = \frac{EI}{L}$ 이다)



- ① $-\frac{5}{9}$ ② $-\frac{10}{9}$ ③ $-\frac{5}{4}$ ④ $-\frac{5}{2}$

정답 ①

해설

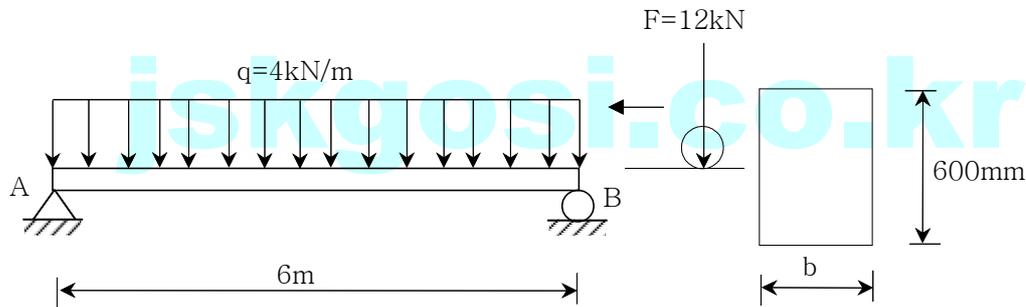
㉠ OB부재의 O단의 분배율

$$\mu_{ob} = \frac{1}{2 + 1 + 2 \times \frac{3}{4}} = \frac{4}{18} = \frac{2}{9}$$

㉡ 재단모멘트

$$M_{BO} = - \left(\frac{10 \times 4}{8} \right) \times \frac{2}{9} \times \frac{1}{2} = - \frac{5}{9} \text{ kN} \cdot \text{m}$$

18. 그림과 같이 등분포 하중 $q = 4\text{kN/m}$ 받는 지간 6m의 직사각형 단면 목재보에 $F = 12\text{kN}$ 의 이동 집중하중이 작용할 경우, 설계 최적 단면 폭 $b[\text{mm}]$ 는? (단, 단면의 높이 $h = 600\text{mm}$ 이고 허용 휨응력 $\sigma_a = 10\text{N/mm}^2$, 허용 전단응력 $\tau_a = 1\text{N/mm}^2$ 이다)



- ① 48 ② 54 ③ 60 ④ 66

정답 ③

해설

㉠ 허용휨응력에 의한 단면폭

최대휨모멘트는 이동하중이 지간중앙에 올 때 지간중앙에서 발생한다.

$$M_{\max} = \frac{4 \times 6^2}{8} + \frac{12 \times 6}{4} = 36 \text{ kN} \cdot \text{m}$$

$$\sigma_a = \frac{M_{\max}}{Z} = \frac{6M_{\max}}{bh^2}$$

$$b = \frac{6M_{\max}}{\sigma_a h^2} = \frac{6 \times (36 \times 10^6)}{10 \times 600^2} = 60 \text{ mm}$$

㉠ 허용전단응력에 의한 단면폭

최대전단력은 이동하중이 지점근처에 올 때 지점에서 발생한다.

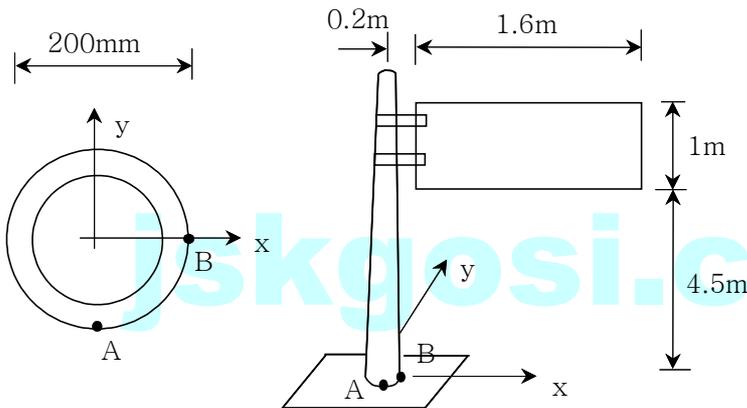
$$S_{\max} = \frac{4 \times 6}{2} + 12 = 24 \text{ kN}$$

$$\tau_a = \frac{3S_{\max}}{2bh}$$

$$b = \frac{3S_{\max}}{2\tau_a h} = \frac{3 \times (24 \times 10^3)}{2 \times 1 \times 600} = 60 \text{ mm}$$

모두 60mm일 때 만족시키고 있다.

19. 그림과 같이 크기가 $1.6\text{m} \times 1.0\text{m}$ 인 표지판을 속이 빈 원형기둥이 지지하고 있다. 표지판이 y 방향으로 2kPa 의 풍압을 받을 때, 기둥 밑부분 A점의 전단응력 [MPa]은? (단, 기둥의 단면 2차 모멘트 $I_x = 40 \times 10^{-6}\text{m}^4$ 이고, 단면적 $A = 0.01\text{m}^2$ 이다)



- ① 4 ② 8 ③ 40 ④ 80

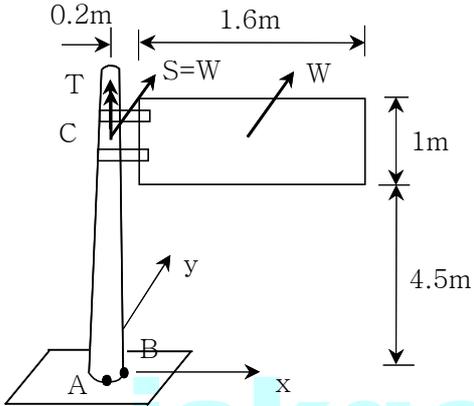
정답 ①

해설

이것은 접선응력이 얼마인지를 묻는 문제이다.

A점에는 전단력과 비틀림모멘트가 작용하고 있다.

㉠ A점의 전단력과 비틀림모멘트



표지판에 작용하는 풍력 W

$$W = p_w A = (2 \times 10^{-3}) \times (1,600 \times 1,000) = 3,200 N = 3.2 kN$$

풍력 3.2kN이 기둥에 전단력으로 작용한다.

그리고 이에 의한 비틀림모멘트 T

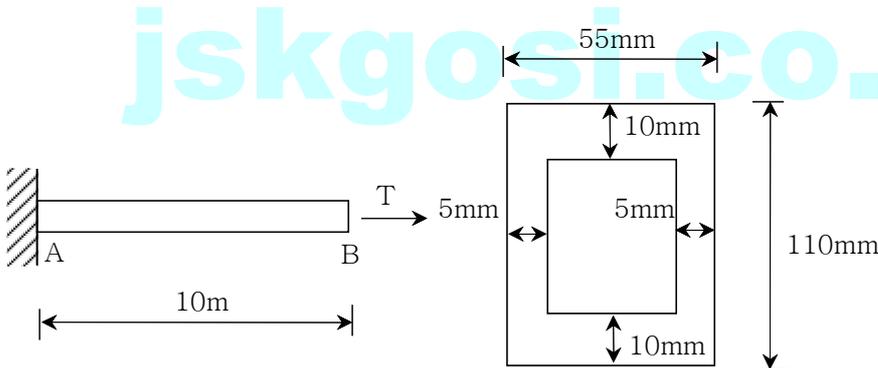
$$T = Wx = 3.2 \times (0.8 + 0.2) = 3.2 kN \cdot m$$

㉠ 전단응력

A점에서는 전단력에 의한 전단응력은 영이고, 비틀림모멘트에 의한 비틀림응력이 존재한다.

$$\text{중공원형단면의 비틀림응력 } \tau = \frac{T}{J} r = \frac{T}{2I_x} r = \frac{3.2 \times 10^6}{2 \times 40 \times 10^{-6} \times 10^{12}} \times 100 = 4 MPa$$

20. 그림과 같은 단면을 갖는 길이 10m인 두께가 얇은 각형 관이 있다. 끝단 B점에 비틀림 모멘트 $T = 5kN \cdot m$ 가 작용할 때 끝단의 회전각(radian)은? (단, 전단탄성계수 $G = 50GPa$ 이다)



- ① 0.04 ② 0.05 ③ 0.4 ④ 0.5

정답 ④

해설

$$\phi = \frac{Tl}{GJ} \text{에서}$$

$$J = \frac{4A_m^2}{\int_0^{L_m} \frac{ds}{t}} = \frac{4 \times (50 \times 100)^2}{2 \left(\int_0^b \frac{ds}{t_1} + \int_0^h \frac{ds}{t_2} \right)} = \frac{1 \times 10^8}{2 \left(\frac{b}{t_1} + \frac{h}{t_2} \right)} = \frac{1 \times 10^8}{2 \left(\frac{50}{10} + \frac{100}{5} \right)} = \frac{1 \times 10^8}{2 \times 25} = 2 \times 10^6 \text{mm}^4$$

$$\phi = \frac{Tl}{GJ} = \frac{(5 \times 10^6) \times (10 \times 10^3)}{(50 \times 10^3) \times (2 \times 10^6)} = 0.5 \text{rad}$$

jskgosi.co.kr

jskgosi.co.kr

jskgosi.co.kr