

2012년 공직박람회 예시문제 9급 수학 해설

01. ④ 02. ① 03. ③ 04. ② 05. ④ 06. ② 07. ③ 08. ④ 09. ③ 10. ④
 11. ② 12. ① 13. ① 14. ② 15. ③ 16. ④ 17. ① 18. ① 19. ③ 20. ②

1. 【정답】 ④

$p \Rightarrow q$ 이므로 $P \subset Q$ 이다.

따라서 항상 $P^C \cup Q = U$ 이다.

2. 【정답】 ①

$$(x+y)(x^2-xy+y^2) = x^3+y^3$$

$$x^3+y^3 = (x+y)^3 - 3xy(x+y) = 3^3 - 3 \cdot 1 \cdot 3 = 18$$

3. 【정답】 ③

$$x = 1 + 2i$$

$$x - 1 = 2i$$

$$x^2 - 2x + 1 = -4$$

$$x^2 - 2x + 5 = 0$$

$$a + b = -2 + 5 = 3$$

4. 【정답】 ②

부등식의 해가 없기 위해서는 $a - 1 = 0$ 이고, $a + b < 0$ 이어야 한다.

$$b < -a$$

$$b < -1$$

5. 【정답】 ④

두 점 A, B의 중점 $\left(\frac{3+a}{2}, \frac{1+b}{2}\right)$ 이 직선 $y = x + 1$ 을 지난다.

$$\frac{1+b}{2} = \frac{3+a}{2} + 1, \quad 1+b = 3+a+2$$

$$a - b = -4$$

두 점 A, B를 지나는 직선의 기울기는 -1 이다.

$$\frac{b-1}{a-3} = -1, \quad b-1 = -a+3$$

$$a+b = 4$$

$$a = 0, \quad b = 4$$

$$a+b = 4$$

6. 【정답】 ②

현의 원과 만나는 점을 P, Q라 하면 현의 길이가 가장 작을 때는 $\overline{OA} \perp \overline{PQ}$ 일 때이다.

따라서 가장 작을 때 현의 길이는 $2\sqrt{10^2-6^2}=16$ 이다. 현의 길이가 가장 클 때는 지름일 때이므로 20이다. 따라서 현의 길이가 자연수인 경우는 16, 17, 18, 19, 20이고 길이가 16과 20인 현은 1개, 길이가 17, 18, 19인 현은 2개가 생기므로 길이가 자연수인 현의 개수는 $1+2+2+2+1=8$ 개다.

7. 【정답】 ③

$$(g \circ f)(x) = a(x+a) + b = 2x + 1$$

$$a = 2, 4 + b = 1, b = -3$$

$$g(x) = 2x - 3$$

$$g^{-1}(1) = k \text{라 하면 } g(k) = 1$$

$$2k - 3 = 1, k = 2$$

8. 【정답】 ④

$$\cos\left(\frac{\pi}{2} + \theta\right) = -\sin\theta = \frac{4}{5}$$

9. 【정답】 ③

$$\frac{\overline{AB}}{\sin C} = \frac{\overline{AC}}{\sin B}$$

$$\frac{\sqrt{5}}{\frac{1}{\sqrt{2}}} = \frac{\sqrt{2}}{\sin B}, \sin B = \frac{1}{\sqrt{5}} = \frac{\sqrt{5}}{5}$$

10. 【정답】 ④

행렬 A의 모든 성분의 합을 x , 행렬 B의 모든 성분의 합을 y 라 하면

$$x + y = 4, x - y = 0$$

$$x = 2, y = 2$$

따라서 $A - 2B$ 의 모든 성분의 합은 $2 - 2 \times 2 = -2$

11. 【정답】 ②

$$2 = 10^{\frac{1}{a}}, 20 = 10^{\frac{1}{b}}$$

$$10^{\frac{1}{a} - \frac{1}{b}} = 10, \frac{1}{a} - \frac{1}{b} = 1$$

12. 【정답】 ①

지수함수의 그래프로부터 $1 < a < b$ 이다.

따라서 $B < 1 < A$ 이고, $C = B - A$ 이므로 $C < 0$ 이다.

따라서 $A > B > C$

13. 【정답】 ①

$$a_{n+1} + \frac{1}{2} = 3\left(a_n + \frac{1}{2}\right)$$

$$a_n + \frac{1}{2} = \frac{3}{2} \cdot 3^{n-1}, \quad a_n = \frac{3^n - 1}{2}$$

$$a_5 = \frac{243 - 1}{2} = 121$$

14. 【정답】 ②

무한급수가 수렴하므로 $\lim_{n \rightarrow \infty} a_n = 0$ 이다.

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{3a_n + 4S_n}{4a_n + 5S_n} = \frac{4}{5}$$

15. 【정답】 ③

$$\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^3 - ax + 2}{x - 2} = b$$

$$8 - 2a + 2 = 0, \quad a = 5$$

$$\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^3 - 5x + 2}{x - 2} = \lim_{x \rightarrow 2} \frac{(x - 2)(x^2 + 2x - 1)}{x - 2} = 4 + 4 - 1 = 7$$

$$b = 7$$

$$a + b = 5 + 7 = 12$$

16. 【정답】 ④

$$f'(x) = 6x(x^2 + x - 2) + (3x^2 - 1)(2x + 1)$$

$$f'(-1) = -6(1 - 1 - 2) + (3 - 1)(-2 + 1) = 12 - 2 = 10$$

17. 【정답】 ①

$$\int_0^1 f'(x)dx = a \text{라 하면}$$

$$f(x) = 3x^2 + 4a, \quad f'(x) = 6x$$

$$\int_0^1 6x dx = [3x^2]_0^1 = 3, \quad a = 3$$

$$f(x) = 3x^2 + 12$$

$$f(2) = 12 + 12 = 24$$

18. 【정답】 ①

$$\int_0^2 x^2 + 1 dx = \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{2}{n} \sum_{k=1}^n \left(\left(\frac{2k}{n} \right)^2 + 1 \right)$$

19. 【정답】 ③

받침이 있는 글자는 민, 공, 국의 3개이므로 양 끝에 들어가지 않을 받침이 있는 글자를 하나 선택하고, 나머지 주, 화와 일렬로 배열하면 된다. 또한 양 끝에 들어간 글자의 앞뒤 자리를 바꿀수 있으므로 방법의 수는

$${}_3C_1 \times 3! \times 2 = 36$$

20. 【정답】 ②

$$\frac{1}{2} + \frac{1}{3} + a = 1, \quad a = \frac{1}{6}$$

$$E(X) = -\frac{1}{2} + \frac{1}{6} = -\frac{1}{3}$$

$$E(-3X+1) = -3E(X) + 1 = 1 + 1 = 2$$