

# 수학

문 1.  $\left(\frac{1-i}{1+i}\right) + \left(\frac{1-i}{1+i}\right)^2 + \left(\frac{1-i}{1+i}\right)^3 + \cdots + \left(\frac{1-i}{1+i}\right)^{2017} = a+bi$

일 때,  $a+b$ 의 값은? (단,  $a, b$ 는 실수)

- ① 1
- ② 0
- ③ -1
- ④ -2

문 2. 다항식  $x^5 + x^4$ 을  $x^2 - 4$ 로 나누었을 때의 나머지는?

- ①  $16x - 32$
- ②  $16x - 16$
- ③  $16x + 16$
- ④  $16x + 32$

문 3. 두 집합  $X = \{x \mid -1 \leq x \leq 4\}$ ,  $Y = \{y \mid -5 \leq y \leq 5\}$ 에 대하여 함수  $f: X \rightarrow Y$ 가  $f(x) = ax + b$  ( $a < 0$ )이다. 이 함수  $f$ 가 일대일 대응이 되도록 하는 두 상수  $a, b$ 에 대하여  $a+b$ 의 값은?

- ① 1
- ② 2
- ③ 3
- ④ 4

문 4. 다음 함수의 그래프 중에서  $x$  축의 방향 또는  $y$  축의 방향으로 평행이동하여 서로 겹칠 수 없는 것은?

- ①  $y = \frac{-2x+5}{x-3}$
- ②  $y = \frac{2x+1}{x}$
- ③  $y = \frac{2x+3}{x+2}$
- ④  $y = \frac{x-2}{x-1}$

문 5.  $x^2 + x + 1 = 0$ ,  $y^4 - y^2 + 1 = 0$  일 때,  $x^6 - y^6$ 의 값은?

- ① 0
- ② 1
- ③ 2
- ④ 3

문 6. 이차함수  $y = x^2 - 3x$ 의 그래프와 직선  $y = x + k$ 가 적어도 한 점에서 만나도록 하는 실수  $k$ 의 값의 범위는?

- ①  $k \leq -8$
- ②  $-8 \leq k \leq -6$
- ③  $-6 \leq k \leq -4$
- ④  $k \geq -4$

문 7.  $x > 0$  일 때, 함수  $y = \left(x + \frac{1}{x}\right)^2 - 2\left(x + \frac{1}{x}\right) - 6$ 의 최솟값은?

- ① -9
- ② -8
- ③ -7
- ④ -6

문 8. 직선  $3x - 4y + 1 = 0$  을  $x$  축에 대하여 대칭이동한 직선이 원  $(x-k)^2 + (y-2)^2 = 16$  의 넓이를 이등분할 때, 상수  $k$ 의 값은?

- ① -2
- ② -3
- ③ -4
- ④ -5

문 9. 함수  $f(x) = \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{x^{2n-1} + 2x + 3}{x^{2n} + 1}$  에 대하여

$\lim_{x \rightarrow 1^-} f(x) + \lim_{x \rightarrow 2^+} f(x)$  의 값은?

- ① 4
- ②  $\frac{9}{2}$
- ③ 5
- ④  $\frac{11}{2}$

문 10. 다항함수  $f(x)$ 에 대하여  $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{f(x)-5}{x^3-27} = \frac{1}{9}$  성립할 때,  
 $f(3)f'(3)$ 의 값은?

- ① 15
- ② 20
- ③ 25
- ④ 30

문 11. 전체집합  $U$ 의 두 부분집합  $A, B$ 에 대하여  $A \subset B$ 일 때, 다음 중 항상 성립하는 것은? (단,  $A^c$ 은  $A$ 의 여집합)

- ①  $B^c \subset A^c$
- ②  $A \cap B = B$
- ③  $A \cap B^c = U$
- ④  $A^c \cup B = \emptyset$

문 12. 부정적분  $\int (x+1)^2 dx - \int (x-1)^2 dx$  를 구하면?

- ①  $\frac{1}{2}x^2 + C$  (단,  $C$ 는 적분상수)
- ②  $x^2 + C$  (단,  $C$ 는 적분상수)
- ③  $2x^2 + C$  (단,  $C$ 는 적분상수)
- ④  $\frac{1}{3}x^3 + C$  (단,  $C$ 는 적분상수)

문 13. 세 수  $a, b, 5$ 가 이 순서대로 등차수열을 이루고, 세 수  $-b, 4, 8a$ 가 이 순서대로 등비수열을 이를 때,  $a+b$ 의 값은?  
(단,  $b$ 는 자연수)

- ① 1
- ② 2
- ③ 3
- ④ 4

문 14.  $\log_3 5$  를  $\log_3 5 = n + \alpha$  ( $n$  은 정수,  $0 \leq \alpha < 1$ )로 표현할 때,  
 $9^\alpha$ 의 값은?

- ①  $3^{\frac{25}{9}}$
- ②  $3^{\frac{5}{3}}$
- ③  $\frac{25}{9}$
- ④  $\frac{5}{3}$

문 15.  $\left(ax^2 - \frac{2}{x}\right)^5$  의 전개식에서  $\frac{1}{x^2}$  의 계수가 240 일 때, 실수  $a$ 의 값은?

- ① 2
- ② 3
- ③ 4
- ④ 5

문 16. 확률 변수  $X$ 가 정규분포  $N(120, 6^2)$  을 따를 때, 주어진 표준정규분포표를 이용하여 확률  $P(117 \leq X \leq 132)$  를 구하면?

$z$	$P(0 \leq Z \leq z)$
0.5	0.1915
1.0	0.3413
1.5	0.4332
2.0	0.4772

- ① 0.5328
- ② 0.6247
- ③ 0.6687
- ④ 0.7745

문 17.  $a = \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{3n^2 - n + 2}{2n^2 + 3n + 1}$  이고  $b = \lim_{n \rightarrow \infty} (\sqrt{n^2 + 2n - 1} - n)$  일 때,  
 $a+b$  의 값은?

- ① 4
- ②  $\frac{7}{2}$
- ③ 3
- ④  $\frac{5}{2}$

문 18. 부등식  $x^2 + y^2 - 2x - 2y \leq 0$  을 만족하는 실수  $x, y$ 에 대하여  $x+y$ 의 최댓값은?

- ①  $\sqrt{2}$
- ② 2
- ③  $2\sqrt{2}$
- ④ 4

문 19. 미분가능한 함수  $f(x)$  가  $\int_2^x tf(t)dt = \frac{1}{2}x^2 f(x) + x^4 - 2x^3$  을 만족시키고  $f'(0) = 12$  일 때,  $f(0)$  의 값은?

- ① -8
- ② -6
- ③ -4
- ④ -2

문 20. 함수  $f(x)$  의 도함수  $f'(x)$  가  $f'(x) = 6x^2 - 8$  이고  $f(0) = 0$  일 때, 곡선  $y = f(x)$  와  $x$  축으로 둘러싸인 도형의 넓이는?

- ① 12
- ② 16
- ③ 20
- ④ 24