

자동제어

(B)

(1번~20번)

(7급)

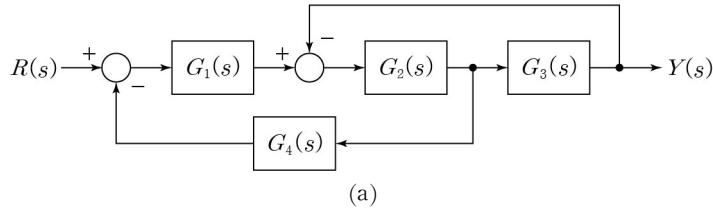
1. 상태방정식 $\dot{x} = \begin{bmatrix} -2 & 0 \\ 0 & -6 \end{bmatrix}x + \begin{bmatrix} 1 \\ 3 \end{bmatrix}u$ 에서 상태천이행렬을
 $y = [4 \ 5]x$

$Ae^{at} + Be^{bt}$ 와 같이 나타나었을 때, $\det(aA + bB)$ 는?

- ① 6 ② 8
 ③ 10 ④ 12

2. 그림 (a)와 (b)의 전달함수가 등가인 경우 $G_1(s)$ 의 값은?

(단, $G_2(s) = \frac{1}{s+2}$, $G_3(s) = \frac{2}{s+5}$, $G_4(s) = \frac{3}{s}$ 이다.)



(b)

$$R(s) \rightarrow \frac{8s}{s^3 + 7s^2 + 24s + 60} \rightarrow Y(s)$$

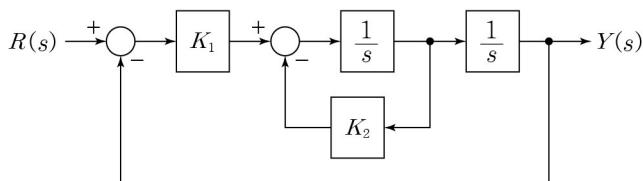
- ① 4 ② 5 ③ 6 ④ 7

3. 다음과 같은 단위궤환제어시스템의 단위램프입력에 대한 정상상태오차가 2%가 되기 위한 K 값은?

$$R(s) \rightarrow \frac{K}{s(s+1)(s+2)} \rightarrow Y(s)$$

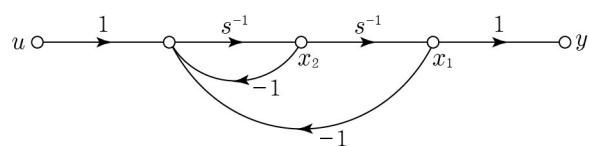
- ① 1 ② 5 ③ 50 ④ 100

4. 다음과 같은 궤환제어시스템에서, 안정하고 오버슈트가 발생하지 않는 제어이득 K_1 과 K_2 의 값으로 적절한 것은?



- ① $K_1 = -1, K_2 = -2$
 ② $K_1 = -2, K_2 = -1$
 ③ $K_1 = 1, K_2 = 2$
 ④ $K_1 = 2, K_2 = 1$

5. 다음과 같은 신호흐름선도로 표시되는 시스템의 가제어성과 가관측성에 대한 설명으로 옳은 것은?



- ① 가제어하고 가관측하다.
 ② 가제어하고 가관측하지 않다.
 ③ 가제어하지 않고 가관측하다.
 ④ 가제어하지 않고 가관측하지 않다.

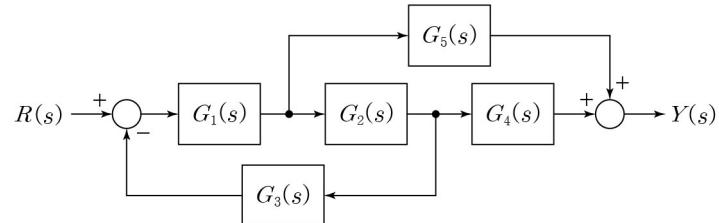
6. 시간의 함수 $f(t)$ 의 라플라스 변환인 $F(s)$ 라 두자. 즉, $\mathcal{L}\{f(t)\} = F(s)$ 이다. 양의 실수 a 에 대하여, 다음 중 옳지 않은 것은?

- ① $\mathcal{L}\{af(t)\} = aF(s)$ ② $\mathcal{L}\{f(at)\} = F\left(\frac{s}{a}\right)$
 ③ $\mathcal{L}\{f(t-a)\} = e^{-as}F(s)$ ④ $\mathcal{L}\{e^{at}f(t)\} = F(s-a)$

7. $\frac{Y(s)}{R(s)} = \frac{s+2}{(s+1)(s+3)}$ 와 같은 입출력 전달함수에 대해 가제어 정준형(또는 가제어 표준형, Controllable canonical form)으로 표현된 상태방정식의 가제어행렬(Controllability matrix)은?

- ① $\begin{bmatrix} 0 & 1 \\ -3 & -4 \end{bmatrix}$ ② $\begin{bmatrix} 0 & 1 \\ -4 & -3 \end{bmatrix}$
 ③ $\begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 1 & -4 \end{bmatrix}$ ④ $\begin{bmatrix} 0 & 1 \\ -4 & 1 \end{bmatrix}$

8. 다음 블록선도의 전달함수를 구하면?



- ① $\frac{Y(s)}{R(s)} = \frac{G_1 + G_1 G_2}{1 + G_1 G_2 G_3}$ ② $\frac{Y(s)}{R(s)} = \frac{G_1 G_5}{1 + G_1 G_2 G_3}$
 ③ $\frac{Y(s)}{R(s)} = \frac{G_1 G_5 + G_1 G_2 G_4}{1 + G_1 G_2 G_3}$ ④ $\frac{Y(s)}{R(s)} = \frac{G_1 G_2 G_4}{1 + G_1 G_2 G_3}$

9. 전달함수 $G(s) = \frac{s+80}{(s^2 + 4s + 8)(s+10)}$ 에 대한 설명으로 옳지 않은 것은?

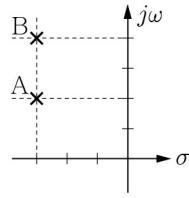
- ① 유한한 영점은 -80 이다.
 ② 우세극점(dominant pole)은 -10 이다.
 ③ 단위계단응답에서 오버슈트가 발생한다.
 ④ 단위계단입력에 대한 정상상태오차는 0이다.

10. 다음 상태방정식을 안정화시키는 상태궤환제어 $u = -Fx$ 를 설계하고자 한다. 안정화된 시스템의 극점이 -4 에 중근을 가지도록 하는 제어이득이 $F = [f_1 \ f_2]$ 일 때, $f_1 + f_2$ 의 값은?

$$\dot{x} = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ -1 & -1 \end{bmatrix}x + \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \end{bmatrix}u$$

- ① 21 ② 22
 ③ 23 ④ 24

11. 2차 표준형 페루프 시스템의 극점 하나가 피드백 제어를 통해 A에서 B로 이동할 때 단위계단응답에서 발생하는 동특성 변화로 가장 옳은 것은?



- ① 최대 오버슈트가 감소한다.
- ② 초기 응답이 빨라진다.
- ③ 2% 정착시간(settling time)이 감소한다.
- ④ 댐핑비가 증가한다.

12. <보기>의 전달함수 중 단위계단입력에 대하여 오버슈트가 발생하지 않는 것을 모두 고르면?

<보기>

가. $G(s) = \frac{6}{s+6}$	나. $G(s) = \frac{6}{s^2 + 2s + 6}$
다. $G(s) = \frac{6}{s^2 + 4s + 6}$	

- ① 가
- ② 다
- ③ 가, 나
- ④ 나, 다

13. <보기>의 전달함수 중 단위계단입력에 대한 정상상태오차가 0인 것을 모두 고르면?

<보기>

가. $G(s) = \frac{1}{1-s}$	나. $G(s) = \frac{2}{s^2 + 2}$
다. $G(s) = \frac{3}{s^2 + 4s + 3}$	

- ① 가
- ② 다
- ③ 가, 나
- ④ 나, 다

14. 안정한 전달함수 $G(s)$ 에 $\sin 2t$ 를 입력하였더니, 정상상태 출력이 $\frac{\sqrt{2}}{2} \sin(2t - 45^\circ)$ 와 같았다. $G(j2) = a + jb$ 로 표현하였을 때, $100a + 10b$ 는?

- ① -55
- ② -45
- ③ 45
- ④ 55

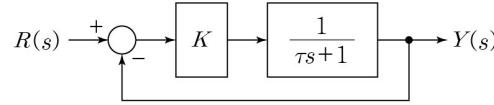
15. 다음 함수 $y(t)$ 의 최종값(final value)은?

(단, $u(t)$ 는 단위계단함수, $y(0) = -1$, $y'(0) = 2$ 이다.)

$$\frac{d^2y(t)}{dt^2} + 3\frac{dy(t)}{dt} + 2y(t) = 5u(t)$$

- ① $\frac{1}{2}$
- ② $\frac{2}{3}$
- ③ $\frac{5}{2}$
- ④ 5

16. 다음 표준형 1차 시스템을 고려하자. 단위계단입력이 인가될 때 피드백 시스템의 응답 특성에 대한 설명으로 옳은 것은? (τ 는 실수이다.)



- ① τ 가 증가하면 목표값에 더 빨리 접근한다.
- ② 시스템 변수값에 따라 오버슈트가 발생할 수 있다.
- ③ 피드백 제어에 의해 개루프 시스템의 극점이 복소평면상에서 우측으로 이동한다.
- ④ 제어이득값이 증가하면 정상상태오차는 감소한다.

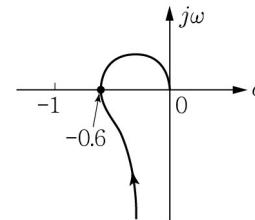
17. 다음과 같은 상태방정식이 있다. 시간영역에서 단위계단 함수인 입력 u 에 대한 시스템의 출력은?

(단, 모든 상태변수의 초기값은 0이다.)

$$\begin{bmatrix} \dot{x}_1 \\ \dot{x}_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ -3 & -4 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \end{bmatrix} u, \quad y = [0 \ 1] \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \end{bmatrix}$$

- ① $-\frac{1}{2}e^{-t} + \frac{1}{6}e^{-3t} + \frac{1}{3}$
- ② $-\frac{1}{6}e^{-t} + \frac{1}{6}e^{-3t}$
- ③ $\frac{1}{2}e^{-t} - \frac{5}{6}e^{-3t} + \frac{1}{3}$
- ④ $\frac{1}{2}e^{-t} - \frac{1}{2}e^{-3t}$

18. 다음과 같은 나이퀴스트선도(Nyquist plot)를 그리는 제어 시스템의 이득여유[dB]는?

(단, $\log 2 = 0.3010$, $\log 3 = 0.4771$ 이다.)

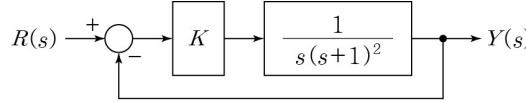
- ① 1.942
- ② 2.834
- ③ 3.216
- ④ 4.438

19. 다음 함수를 라플라스 역변환한 것은?

$$Y(s) = \frac{s+5}{s^2 + 4s + 13}$$

- ① $y(t) = e^{-2t}(\cos 3t + \sin 3t)$
- ② $y(t) = e^{-2t}(\cos 3t + 3\sin 3t)$
- ③ $y(t) = e^{-3t}(\cos 2t + \sin 2t)$
- ④ $y(t) = e^{-3t}(\cos 2t + 3\sin 2t)$

20. 다음과 같은 시스템을 안정하게 하는 K 값의 범위에 속하는 것은?



- ① -1.5
- ② 1.5
- ③ 2.5
- ④ 3.5