

(A)**수학****(1번~20번)****(9급)**

1. 구간 $[0, 5]$ 에서 함수 $f(x) = 2x^3 - 15x^2 + 24x$ 의 최댓값을 구하면?

- ① 11
- ② 12
- ③ 13
- ④ 14

2. 방정식 $(x-3)^2 - 2|x-3| - 3 = 0$ 의 모든 근의 합은?

- ① 5
- ② 6
- ③ 7
- ④ 8

3. x 에 대한 다항식 $f(x)$ 를 $x+1$ 로 나누면 나머지가 -5 이고, $x-2$ 로 나누면 나머지가 4라고 한다.

다항식 $f(x)$ 를 $(x+1)(x-2)$ 로 나눈 나머지를 $R(x)$ 라고 할 때, $R(1)$ 의 값은?

- ① -2
- ② -1
- ③ 0
- ④ 1

4. 점 $A(0, a)$ 에서 원 $x^2 + y^2 = 18$ 에 그은 두 접선이 서로 수직일 때, 양수 a 의 값은?

- ① 2
- ② 4
- ③ 6
- ④ 8

5. 실수 x, y 에 대하여, 연립부등식 $\begin{cases} 1 \leq x^2 + y^2 \leq 4 \\ y \geq |x| \end{cases}$ 의 영역의 넓이는?

- ① $\frac{1}{4}\pi$
- ② $\frac{1}{3}\pi$
- ③ $\frac{2}{3}\pi$
- ④ $\frac{3}{4}\pi$

6. 원 $x^2 + y^2 - 4x - 2y + 1 = 0$ 과 직선 $4x - 3y + k = 0$ 서로 다른 두 점에서 만날 때, 정수 k 의 개수는?

- ① 18
- ② 19
- ③ 20
- ④ 21

7. 어떤 제품을 생산하는 회사가 세 공장 A, B, C 에 그 제품의 생산을 하청한다. 이 제품에 대한

공장	생산량	불량 비율
A	200	5%
B	300	4%
C	600	3%

A, B, C 세 공장의 생산량과 각 공장에서의 불량품의 비율이 오른쪽 표와 같다. 이 회사의 제품 중에서 임의로 추출한 제품이 불량품이었을 때, 그 제품이 A 공장에서 생산된 제품일 확률은?

- ① $\frac{1}{8}$
- ② $\frac{1}{4}$
- ③ $\frac{3}{10}$
- ④ $\frac{9}{20}$

8. 다음 <보기>에서 수렴하는 것만을 고른 것은?

<보기>	
ㄱ. $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n}$	ㄴ. $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n + 3^n}{5^n}$
ㄷ. $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n(n+2)}$	ㄹ. $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{\sqrt{n+1} + \sqrt{n}}$

- ① ㄱ, ㄴ
- ② ㄱ, ㄷ
- ③ ㄴ, ㄷ
- ④ ㄷ, ㄹ

9. 함수 $f(x) = x^3 - 2x^2 + x + 2$ 에 대하여, $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{1}{x-1} \int_1^{x^2} f(t) dt$ 의 값은?

- ① 1
- ② 2
- ③ 3
- ④ 4

10. 두 실수 a, b 가 $\lim_{x \rightarrow 5} \frac{\sqrt{x-1} + a}{x-5} = b$ 를 만족시킬 때, $a+b$ 의 값은?

- ① $-\frac{7}{4}$
- ② $-\frac{3}{4}$
- ③ $\frac{1}{4}$
- ④ $\frac{5}{4}$

11. 다항함수 $f(x)$ 가 다음 두 조건을 만족시킨다.

$$(7) \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{mx+2}{f(x)-x^2} = \frac{1}{2} \quad (8) \lim_{x \rightarrow 0} \frac{f(x)}{x} = 2$$

이때, $f(1)$ 의 값을 구하면? (단, m 은 실수이다.)

- ① 1 ② 2
③ 3 ④ 4

12. 등차수열 $\{a_n\}$ 에 대하여 $a_1 = 2$, $a_{100} - a_{97} = 9$ 일 때,

$a_1 + a_2 + a_3 + \dots + a_{10}$ 의 값은?

- ① 155 ② 158
③ 161 ④ 164

- ### 13. 수열 $\{a_n\}$ 의 첫째항부터 제 n 항까지의 합 S_n 이

$$S_n = 2n^2 + 3n \text{ 일 때, } \sum_{k=1}^{10} \frac{1}{a_k a_{k+1}} \text{ 의 합은?}$$

- ① $\frac{1}{45}$ ② $\frac{2}{45}$
 ③ $\frac{1}{15}$ ④ $\frac{4}{45}$

14. 유리함수 $y = \frac{2x+5}{x+1}$ 의 그래프를 x 축 방향으로 a 만큼, y 축 방향으로 3 만큼 평행이동한 후, 원점에 대하여 대칭이동하였더니 유리함수 $y = b + \frac{k}{x-5}$ 의 그래프와 겹쳐졌다. 이때, $a+b+k$ 의 값은? (단, a, b, k 는 정수이다.)

- ① - 6 ② - 4
 ③ 4 ④ 6

15. 전체집합 $U = \{1, 2, 3, 4, 5\}$ 에 대하여 $A = \{1, 2, 3\}$ 일 때,
 $n(A - B) = 1$ 을 만족하는 부분집합 B 의 개수는?

(단, 집합 X 에 대하여, $n(X)$ 는 집합 X 의 원소의 개수를 나타낸다.)

- ① 6 ② 8
③ 10 ④ 12

16. 이차함수 $f(x) = x^2 - 2x + 2$ ($x \geq 1$)에 대하여,
 함수 $y = f(x)$ 의 그래프와 그 역함수 $y = f^{-1}(x)$ 그래프의
 두 교점을 각각 A, B라 할 때, 선분 \overline{AB} 의 길이는?

- ① 1 ② $\sqrt{2}$
③ $\sqrt{3}$ ④ 2

- $$17. \ 3^{(\sqrt{2}+5)} \times 3^{(\sqrt{2}-1)} \div 9^{(\sqrt{2}+1)} \text{의 값은?}$$

- | | | | |
|---|---------------|---|---------------|
| ① | $\frac{1}{9}$ | ② | $\frac{1}{3}$ |
| ③ | 3 | ④ | 9 |

18. 반지름이 1cm 인 구가 있다. 이 구의 반지름이 $2\text{cm}/\text{초}$ 일정하게 증가한다고 할 때, 겉넓이의 변화율이 $48\pi\text{cm}^2/\text{초}$ 가 되는 순간 이 구의 부피는?

- ① $18\pi \text{cm}^3$ ② $27\pi \text{cm}^3$
 ③ $36\pi \text{cm}^3$ ④ $45\pi \text{cm}^3$

19. 남자 3명, 여자 2명을 일렬로 세울 때, 여자들끼리는 이웃하지 않도록 세우는 경우의 수는?

- | | |
|------|------|
| ① 68 | ② 70 |
| ③ 72 | ④ 74 |

20. A고등학교 1학년 남학생의 키는 정규분포를 따른다고 한다.
이 중 64명을 임의추출하여 키를 조사하였더니 평균이
175cm, 표준편차가 16cm이었다. A고등학교 1학년 전체
남학생 키의 평균 m 에 대한 신뢰도 95%의 신뢰구간은?
(단, $P(|Z| \leq 1.96) = 0.95$, $P(|Z| \leq 2.58) = 0.99$)

- ① $173.04 \leq m \leq 176.96$
 - ② $172.42 \leq m \leq 177.58$
 - ③ $171.08 \leq m \leq 178.92$
 - ④ $169.84 \leq m \leq 180.16$